

UNIVERSITATEA DIN BUCUREŞTI  
FACULTATEA DE FIZICĂ

CONCURSUL DE ADMITERE  
IULIE 2015

MATEMATICĂ

1. Determinantul matricei  $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ a & -2 & 0 \\ 1 & -1 & 1 \end{bmatrix}$  se anulează pentru:

- a)  $a = -2$ ;      b)  $a = -1$ ;      c)  $a = 0$ ;      d)  $a = 1$ .

2. Fie  $x_1, x_2, x_3, x_4$  rădăcinile ecuației  $x^4 + x^3 - 2x^2 + 3x - 2 = 0$ . Dacă

$$S = x_1^3 + x_2^3 + x_3^3 + x_4^3,$$

atunci:

- a)  $S = 2$ ;      b)  $S = 8$ ;      c)  $S = -16$ ;      d)  $S = -8$ .

3. În progresia aritmetică 100, 97, 94, ..., numărul termenilor strict pozitivi este:

- a) 32;      b) 33;      c) 34;      d) 35.

4. Valoarea expresiei  $\log_2 \frac{1}{4} + \sqrt[3]{27}$  este:

- a) -2;      b) -1;      c) 0;      d) 1.

5. Fie  $I = \int_0^1 (x+1)e^x dx$ . Atunci:

- a)  $I = e$ ;      b)  $I = \frac{e^2 + 1}{2}$ ;      c)  $I = \frac{e^2}{2}$ ;      d)  $I = 1$ .

**6.** Fie  $f : (0, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = (x + 1) \ln x$ . Atunci,  $f'(1)$  este:

- a)  $-1$ ;    b)  $0$ ;    c)  $1$ ;    d)  $2$ .

**7.** Ecuația  $x^2 - 2x + m = 0$  are două soluții reale distințe dacă:

- a)  $m < 2$ ;    b)  $m > 2$ ;    c)  $m > 1$ ;    d)  $m < 1$ .

**8.** Fie  $L = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+x) - x + x^2/2}{x^3}$ . Atunci:

- a)  $L = 0$ ;    b)  $L = 1$ ;    c)  $L = \frac{1}{2}$ ;    d)  $L = \frac{1}{3}$ .

**9.** Aria domeniului plan limitat de graficul funcției  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = \frac{x}{x+1}$ , dreptele  $x = 0$ ,  $x = 1$  și axa  $Ox$  este:

- a)  $\ln 2 - 1$ ;    b)  $2$ ;    c)  $1 - \ln 2$ ;    d)  $1$ .

**10.** Abscisa punctului de minim local al funcției  $f : (0, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = x \ln x$ , este:

- a)  $e - 1$ ;    b)  $\frac{1}{e}$ ;    c)  $e$ ;    d)  $1$ .

**11.** Elementul neutru al legii de compoziție  $x * y = xy - 2x - 2y + 6$ ,  $x, y \in \mathbb{R}$ , este :

- a)  $L = 0$ ;    b)  $L = 1$ ;    c)  $L = 2$ ;    d)  $L = 3$ .

**12.** Suma soluțiilor ecuației  $x^2 - 1 = \sqrt{x+1}$  este:

- a)  $\frac{\sqrt{5}-1}{2}$ ;    b)  $\frac{\sqrt{5}+1}{2}$ ;    c)  $\frac{\sqrt{3}-1}{2}$ ;    d)  $\frac{\sqrt{3}+1}{2}$ .

Fiecare subiect are un singur răspuns corect.